

### Варіант №1

1. З колоди з 36 карт навмання виймається одна карта. Розглядаються наступні події:  
 $A$  – поява бубнового туза;  $B$  – поява карти червоної масті. Знайти  $P(A)$ ,  $P(B)$  та  $P(A/B)$ .
2. В урні лежить 3 білих, 7 жовтих і 5 синіх кульок. Знайти ймовірність того, що дві навмання витягнуті кульки будуть одного кольору.
3. Протягом гарантійного терміну у середньому виходить з ладу 1 % станків. Знайти ймовірність того, що серед 300 станків, що спостерігаються, не витримає гарантійний термін 4 станки.
4. Знайти: а) математичне сподівання; б) дисперсію та середнє квадратичне відхилення; в) функцію розподілу дискретної випадкової величини за даним законом її розподілу:

$X$	-2	0	4
$P$	0,2	0,2	0,6

5. Випадкову величину  $X$  задано інтегральною функцією розподілу  $F(x)$ .

$$F(x) = \begin{cases} 0 & \text{при } x \leq 0; \\ \frac{x^2}{4} & \text{при } 0 < x \leq 2; \\ 1 & \text{при } x > 2. \end{cases}$$

Знайти а) щільність розподілу; б) математичне сподівання; в) ймовірність того, що  $X$  набуває значення, що міститься в інтервалі  $\left(-\frac{1}{2}, 1\right)$ .

### Варіант №2

1. Підкидаються одночасно два гральних кубики. Розглядаються наступні події : $A$  – сума очок, що випали не перевищує 3;  $B$  – на кубиках випали однакові числа. Знайти  $P(A)$ ,  $P(B)$  та  $P(A/B)$ .
2. Літери слова “молоко” ретельно перемішали і утворили з них нове слово. Знайти ймовірність того, що утворилось те саме слово.
3. Ймовірність того, що кожен зі 100 станків працює в даний момент, дорівнює 0,9. Знайти ймовірність того, що в даний момент працює від 70 до 80 станків.
4. Знайти: а) математичне сподівання; б) дисперсію та середнє квадратичне відхилення; в) функцію розподілу дискретної випадкової величини за даним законом її розподілу:

$X$	4	6	7
$P$	0,2	0,4	0,4

5. Випадкову величину  $X$  задано інтегральною функцією розподілу  $F(x)$ .

$$F(x) = \begin{cases} 0 & \text{при } x \leq 0; \\ x^3 & \text{при } 0 < x \leq 1; \\ 1 & \text{при } x > 1. \end{cases}$$

Знайти а) щільність розподілу; б) математичне сподівання; в) ймовірність того, що  $X$  набуває значення, що міститься в інтервалі  $\left(\frac{1}{2}, 3\right)$ .

Варіант №3

1. Підкидаються одночасно дві монети. Розглядаються наступні події:  $A$  – поява двох гербів;  $B$  – поява принаймні одного герба. Знайти  $P(A)$ ,  $P(B)$  та  $P(A/B)$ .
2. Знайти ймовірність того, що точка, навмання кинута в одиничне коло, потрапить всередину квадрата, вписаного у це коло.
3. Серед виробів даного підприємства 20% виробів є вищого сорту. Яка ймовірність того, що серед 5 придбаних виробів є 3 вищого сорту.
4. Знайти: а) математичне сподівання; б) дисперсію та середнє квадратичне відхилення; в) функцію розподілу дискретної випадкової величини за даним законом її розподілу:

$X$	-1	2	6
$P$	0,4	0,3	0,3

5. Випадкову величину  $X$  задано інтегральною функцією розподілу  $F(x)$ .

$$F(x) = \begin{cases} 0 & \text{при } x \leq -1; \\ \frac{1}{2}(x+1) & \text{при } -1 < x \leq 1; \\ 1 & \text{при } x > 1. \end{cases}$$

Знайти а) щільність розподілу; б) математичне сподівання; в) ймовірність того, що  $X$  набуває значення, що міститься в інтервалі  $(0,4)$ .

Варіант №4

1. З колоди з 36 карт навмання виймається одна карта. Розглядаються наступні події:  $A$  – поява десятки;  $B$  – поява карти бубнової масті. Знайти  $P(A)$ ,  $P(B)$  та  $P(A/B)$ .
2. Студент, прийшовши на іспит знає відповіді на 20 запитань із 25 можливих. Знайти ймовірність того, що він знає відповідь принаймні на одне з трьох заданих йому запитань.
3. Ймовірність пошкодження друкарського виробу при транспонуванні становить 0,0003. Яка ймовірність того, що зі 10000 відправлених виробів у дорозі пошкодиться рівно 5 виробів?
4. Знайти: а) математичне сподівання; б) дисперсію та середнє квадратичне відхилення; в) функцію розподілу дискретної випадкової величини за даним законом її розподілу:

$X$	1	2	6
$P$	0,2	0,5	0,3

5. Випадкову величину  $X$  задано інтегральною функцією розподілу  $F(x)$ .

$$F(x) = \begin{cases} 0 & \text{при } x \leq 0; \\ \frac{x^2}{4} & \text{при } 0 < x \leq 2; \\ 1 & \text{при } x > 2. \end{cases}$$

Знайти а) щільність розподілу; б) математичне сподівання; в) ймовірність того, що  $X$  набуває значення, що міститься в інтервалі  $\left(-\frac{1}{2}, 1\right)$ .

Варіант №5

1. Підкидається гральний кубик. Розглядаються наступні події:  $A$  – кількість очок, що випали кратна 2;  $B$  – кількість очок, що випали кратна 3. Знайти  $P(A)$ ,  $P(B)$  та  $P(A/B)$ .
2. З колоди в 36 карт навмання виймаються три карти. Знайти ймовірність того, що всі карти однієї масті.
3. Ймовірність появи події в кожному з незалежних випробувань становить 0,03. Знайти ймовірність, що у 200 випробуваннях подія відбудеться більше 65 разів.
4. Знайти: а) математичне сподівання; б) дисперсію та середнє квадратичне відхилення; в) функцію розподілу дискретної випадкової величини за даним законом її розподілу:

$X$	-4	2	5
$P$	0,2	0,4	0,4

5. Випадкову величину  $X$  задано інтегральною функцією розподілу  $F(x)$ .

$$F(x) = \begin{cases} 0 & \text{при } x \leq 0; \\ 3x^2 + 2x & \text{при } 0 < x \leq 1/3; \\ 1 & \text{при } x > 1/3. \end{cases}$$

Знайти а) щільність розподілу; б) математичне сподівання; в) ймовірність того, що  $X$  набуває значення, що міститься в інтервалі  $\left(\frac{1}{6}, 1\right)$ .

Варіант №6

1. Підкидаються одночасно дві монети. Розглядаються наступні події:  $A$  – монети впали однаковими сторонами;  $B$  – монети впали різними сторонами. Знайти  $P(A)$ ,  $P(B)$  та  $P(A/B)$ .
2. Телефонний номер складається з семи цифр. Знайти ймовірність того, що у навмання набраного телефонного номера всі цифри непарні.
3. Ймовірність того, що навмання взятий студент 4 курсу отримує стипендію дорівнює 0.8. Знайти ймовірність того, що серед 5 студентів 4 курсу рівно двоє отримують стипендію.
4. Знайти: а) математичне сподівання; б) дисперсію та середнє квадратичне відхилення; в) функцію розподілу дискретної випадкової величини за даним законом її розподілу:

$X$	1	3	5
$P$	0,3	0,5	0,2

5. Випадкову величину  $X$  задано інтегральною функцією розподілу  $F(x)$ .

$$F(x) = \begin{cases} 0 & \text{при } x \leq 0; \\ \frac{x^2}{9} & \text{при } 0 < x \leq 3; \\ 1 & \text{при } x > 3. \end{cases}$$

Знайти а) щільність розподілу; б) математичне сподівання; в) ймовірність того, що  $X$  набуває значення, що міститься в інтервалі  $(1,4)$ .

Варіант №7

1. З колоди з 36 карт навмання виймається одна карта. Розглядаються наступні події:

$A$  – поява карти чорної масті;  $B$  – поява туза. Знайти  $P(A)$ ,  $P(B)$  та  $P(A/B)$ .

2. З ретельно перемішаного набору 28 кісток доміно навмання виймаються чотири. Знайти ймовірність того, що принаймні на одній з цих кісток буде вибита одиниця.

3. Знайти ймовірність того, що у трьох із 1100 навмання вибраних осіб день народження виявиться 1 січня.

4. Знайти: а) математичне сподівання; б) дисперсію та середнє квадратичне відхилення; в) функцію розподілу дискретної випадкової величини за даним законом її розподілу:

$X$	-3	2	4
$P$	0,2	0,3	0,5

5. Випадкову величину  $X$  задано інтегральною функцією розподілу  $F(x)$ .

$$F(x) = \begin{cases} 0 & \text{при } x \leq 0; \\ \frac{x}{4} & \text{при } 0 < x \leq 4; \\ 1 & \text{при } x > 4. \end{cases}$$

Знайти а) щільність розподілу; б) математичне сподівання; в) ймовірність того, що  $X$  набуває значення, що міститься в інтервалі  $(1,9)$ .

Варіант №8

1. Підкидаються одночасно два гральних кубики. Розглядаються наступні події:  $A$  – сума очок, що випали рівна 10;  $B$  – на обох кубиках випали однакові числа. Знайти  $P(A)$ ,  $P(B)$  та  $P(A/B)$ .

2. Два гравці закреслюють навмання у своїх лотерейних білетах по 6 номерів із 36. Знайти ймовірність того, що жодна з закреслених цифр у лотерейних білетах не повториться.

3. Яка подія є більш ймовірною: випадання 7 гербів при 10 підкиданнях монети чи випадання 6 гербів при 8 підкиданнях монети?

4. Знайти: а) математичне сподівання; б) дисперсію та середнє квадратичне відхилення; в) функцію розподілу дискретної випадкової величини за даним законом її розподілу:

$X$	0	2	7
$P$	0,5	0,3	0,2

5. Випадкову величину  $X$  задано інтегральною функцією розподілу  $F(x)$ .

$$F(x) = \begin{cases} 0 & \text{при } x \leq 1/2; \\ 2x - 1 & \text{при } 1/2 < x \leq 1; \\ 1 & \text{при } x > 1. \end{cases}$$

Знайти а) щільність розподілу; б) математичне сподівання; в) ймовірність того, що  $X$  набуває значення, що міститься в інтервалі  $\left(\frac{1}{2}, 5\right)$ .

Варіант №9

- З колоди з 36 карт навмання виймається одна карта. Розглядаються наступні події:  
 $A$  – поява карти червоної масті ;  $B$  – поява чорної десятки. Знайти  $P(A)$ ,  $P(B)$  та  $P(A/B)$ .
- Знайти ймовірність того, що навмання взяте число від 1 до 1000 ділиться на 3 і не ділиться на 5, або ділиться на 5 і не ділиться на 3.
- Ймовірність влучення баскетболістом в корзину дорівнює 0.8. Знайти ймовірність того, що при чотирьох кидках буде хоча б одне влучення.
- Знайти: а) математичне сподівання; б) дисперсію та середнє квадратичне відхилення;  
 в) функцію розподілу дискретної випадкової величини за даним законом її розподілу:

$X$	-5	0	6
$P$	0,2	0,3	0,5

- Випадкову величину  $X$  задано інтегральною функцією розподілу  $F(x)$ .

$$F(x) = \begin{cases} 0 & \text{при } x \leq -1; \\ 2(x+1) & \text{при } -1 < x \leq -1/2; \\ 1 & \text{при } x > -1/2. \end{cases}$$

Знайти а) щільність розподілу; б) математичне сподівання; в) ймовірність того, що  $X$  набуває значення, що міститься в інтервалі  $\left(-\frac{1}{2}, 1\right)$ .

Варіант № 10

- З набору 28 кісток доміно навмання виймається кістка. Розглядаються наступні події:  
 $A$  – кістка містить число 6;  $B$  – кістка є дублем. Знайти  $P(A)$ ,  $P(B)$  та  $P(A/B)$ .
- З колоди в 36 карт загублено одну карту. З карт, що залишилися навмання виймають дві карти. Знайти ймовірність того, що ці карти однакової масті.
- Ймовірність того, що нападаючий влучить у ворота при забиванні одинадцятиметрового удару дорівнює 0.7. Знайти ймовірність того, що при трьох спробах він не менше двох раз влучить у ворота.
- Знайти: а) математичне сподівання; б) дисперсію та середнє квадратичне відхилення;  
 в) функцію розподілу дискретної випадкової величини за даним законом її розподілу:

$X$	-4	1	6
$P$	0,2	0,4	0,4

- Випадкову величину  $X$  задано інтегральною функцією розподілу  $F(x)$ .

$$F(x) = \begin{cases} 0 & \text{при } x \leq 0; \\ 5x & \text{при } 0 < x \leq 1/5; \\ 1 & \text{при } x > 1/5. \end{cases}$$

Знайти а) щільність розподілу; б) математичне сподівання; в) ймовірність того, що  $X$  набуває значення, що міститься в інтервалі  $\left(-2, 1/10\right)$ .

Варіант №11

- З колоди з 36 карт навмання виймається одна карта. Розглядаються наступні події:  
 $A$  – поява бубнового туза;  $B$  – поява червової карти. Знайти  $P(A)$ ,  $P(B)$  та  $P(A/B)$ .
- В урні лежить 3 білих, 7 жовтих і 10 синіх кульок. Знайти ймовірність того, що дві навмання витягнуті кульки будуть одного кольору.
- Протягом гарантійного терміну у середньому виходить з ладу 1 % станків. Знайти ймовірність того, що серед 300 станків, що спостерігаються, не витримає гарантійний термін 3 станки.
- Знайти: а) математичне сподівання; б) дисперсію та середнє квадратичне відхилення; в) функцію розподілу дискретної випадкової величини за даним законом її розподілу:

$X$	-1	1	5
$P$	0,2	0,2	0,6

- Випадкову величину  $X$  задано інтегральною функцією розподілу  $F(x)$ .

$$F(x) = \begin{cases} 0 & \text{при } x \leq 0; \\ \frac{x^2}{9} & \text{при } 0 < x \leq 3; \\ 1 & \text{при } x > 3. \end{cases}$$

Знайти а) щільність розподілу; б) математичне сподівання; в) ймовірність того, що  $X$  набуває значення, що міститься в інтервалі  $\left(-\frac{1}{2}, 2\right)$ .

Варіант №12

- Підкидаються одночасно два гральних кубики. Розглядаються наступні події : $A$  – сума очок, що випали не перевищує 2;  $B$  – на кубиках випали однакові числа. Знайти  $P(A)$ ,  $P(B)$  та  $P(A/B)$ .
- Літери слова “кактус” ретельно перемішали і утворили з них нове слово. Знайти ймовірність того, що утворилось те саме слово.
- Ймовірність того, що кожен зі 100 станків працює в даний момент, дорівнює 0,9. Знайти ймовірність того, що в даний момент працює від 78 до 92 станків.
- Знайти: а) математичне сподівання; б) дисперсію та середнє квадратичне відхилення; в) функцію розподілу дискретної випадкової величини за даним законом її розподілу:

$X$	5	7	8
$P$	0,2	0,4	0,4

- Випадкову величину  $X$  задано інтегральною функцією розподілу  $F(x)$ .

$$F(x) = \begin{cases} 0 & \text{при } x \leq 0; \\ x^5 & \text{при } 0 < x \leq 1; \\ 1 & \text{при } x > 1. \end{cases}$$

Знайти а) щільність розподілу; б) математичне сподівання; в) ймовірність того, що  $X$  набуває значення, що міститься в інтервалі  $\left(\frac{1}{2}, 3\right)$ .

Варіант №13

1. Підкидаються одночасно три монети. Розглядаються наступні події:  $A$  – поява трьох гербів;  $B$  – поява принаймні одного герба. Знайти  $P(A)$ ,  $P(B)$  та  $P(A/B)$ .
2. Знайти ймовірність того, що точка, навмання кинута в одиничне коло, потрапить всередину квадрата, вписаного у це коло.
3. Серед виробів даного підприємства 20% виробів є вищого сорту. Яка ймовірність того, що серед 5 придбаних виробів є 4 вищого сорту.
4. Знайти: а) математичне сподівання; б) дисперсію та середнє квадратичне відхилення; в) функцію розподілу дискретної випадкової величини за даним законом її розподілу:

$X$	-2	1	5
$P$	0,4	0,3	0,3

5. Випадкову величину  $X$  задано інтегральною функцією розподілу  $F(x)$ .

$$F(x) = \begin{cases} 0 & \text{при } x \leq -3; \\ \frac{1}{2}(x+3) & \text{при } -3 < x \leq 3; \\ 1 & \text{при } x > 3. \end{cases}$$

Знайти а) щільність розподілу; б) математичне сподівання; в) ймовірність того, що  $X$  набуває значення, що міститься в інтервалі  $(0,5)$ .

Варіант №14

1. З колоди з 36 карт навмання виймається одна карта. Розглядаються наступні події:  $A$  – поява чорної десятки;  $B$  – поява карти бубнової масті. Знайти  $P(A)$ ,  $P(B)$  та  $P(A/B)$ .
2. Студент, прийшовши на іспит знає відповіді на 20 запитань із 25 можливих. Знайти ймовірність того, що він знає відповідь принаймні на одне з двох заданих йому запитань.
3. Ймовірність пошкодження друкарського виробу при транспонуванні становить 0,0003. Яка ймовірність того, що зі 10000 відправлених виробів у дорозі пошкодиться рівно 4 вироби?
4. Знайти: а) математичне сподівання; б) дисперсію та середнє квадратичне відхилення; в) функцію розподілу дискретної випадкової величини за даним законом її розподілу:

$X$	-4	2	6
$P$	0,2	0,5	0,3

5. Випадкову величину  $X$  задано інтегральною функцією розподілу  $F(x)$ .

$$F(x) = \begin{cases} 0 & \text{при } x \leq 0; \\ \frac{x^3}{8} & \text{при } 0 < x \leq 2; \\ 1 & \text{при } x > 2. \end{cases}$$

Знайти а) щільність розподілу; б) математичне сподівання; в) ймовірність того, що  $X$  набуває значення, що міститься в інтервалі  $\left(-\frac{1}{2}, \frac{1}{2}\right)$ .

Варіант №15

1. Підкидається гральний кубик. Розглядаються наступні події:  $A$  – кількість очок, що випали кратна 2;  $B$  – кількість очок, що випали кратна 4. Знайти  $P(A)$ ,  $P(B)$  та  $P(A/B)$ .
2. З колоди в 36 карт навмання виймаються чотири карти. Знайти ймовірність того, що всі карти однієї масті.
3. Ймовірність появи події в кожному з незалежних випробувань становить 0,03. Знайти ймовірність, що у 200 випробуваннях подія відбудеться більше 55 разів.
4. Знайти: а) математичне сподівання; б) дисперсію та середнє квадратичне відхилення; в) функцію розподілу дискретної випадкової величини за даним законом її розподілу:

$X$	-2	4	7
$P$	0,2	0,4	0,4

5. Випадкову величину  $X$  задано інтегральною функцією розподілу  $F(x)$ .

$$F(x) = \begin{cases} 0 & \text{при } x \leq 0; \\ 5x^2 + 4x & \text{при } 0 < x \leq 1/5; \\ 1 & \text{при } x > 1/5. \end{cases}$$

Знайти а) щільність розподілу; б) математичне сподівання; в) ймовірність того, що  $X$  набуває значення, що міститься в інтервалі  $\left(\frac{1}{6}, 1\right)$ .

Варіант №16

1. Підкидаються одночасно дві монети. Розглядаються наступні події:  $A$  – монети впали однаковими сторонами;  $B$  – монети впали різними сторонами. Знайти  $P(A)$ ,  $P(B)$  та  $P(A/B)$ .
2. Телефонний номер складається з восьми цифр. Знайти ймовірність того, що у навмання набраного телефонного номера всі цифри парні.
3. Ймовірність того, що навмання взятий студент 4 курсу отримує стипендію дорівнює 0.6. Знайти ймовірність того, що серед 5 студентів 4 курсу рівно двоє отримують стипендію.
4. Знайти: а) математичне сподівання; б) дисперсію та середнє квадратичне відхилення; в) функцію розподілу дискретної випадкової величини за даним законом її розподілу:

$X$	2	4	6
$P$	0,3	0,5	0,2

5. Випадкову величину  $X$  задано інтегральною функцією розподілу  $F(x)$ .

$$F(x) = \begin{cases} 0 & \text{при } x \leq 0; \\ \frac{x^2}{36} & \text{при } 0 < x \leq 6; \\ 1 & \text{при } x > 6. \end{cases}$$

Знайти а) щільність розподілу; б) математичне сподівання; в) ймовірність того, що  $X$  набуває значення, що міститься в інтервалі  $(1,4)$ .



Варіант №17

- З колоди з 36 карт навмання виймається одна карта. Розглядаються наступні події:  
 $A$  – поява карти чорної масті;  $B$  – поява чорного туза. Знайти  $P(A)$ ,  $P(B)$  та  $P(A/B)$ .
- З ретельно перемішаного набору 28 кісток доміно навмання виймаються три. Знайти ймовірність того, що принаймні на одній з цих кісток буде вибита одиниця.
- Знайти ймовірність того, що у двох із 1100 навмання вибраних осіб день народження виявиться 1 січня.
- Знайти: а) математичне сподівання; б) дисперсію та середнє квадратичне відхилення; в) функцію розподілу дискретної випадкової величини за даним законом її розподілу:

$X$	-1	4	6
$P$	0,2	0,3	0,5

- Випадкову величину  $X$  задано інтегральною функцією розподілу  $F(x)$ .

$$F(x) = \begin{cases} 0 & \text{при } x \leq 0; \\ \frac{x}{8} & \text{при } 0 < x \leq 8; \\ 1 & \text{при } x > 8. \end{cases}$$

Знайти а) щільність розподілу; б) математичне сподівання; в) ймовірність того, що  $X$  набуває значення, що міститься в інтервалі  $(1,9)$ .

Варіант №18

- Підкидаються одночасно два гральних кубики. Розглядаються наступні події:  $A$  – сума очок, що випали рівна 11;  $B$  – на обох кубиках випали однакові числа. Знайти  $P(A)$ ,  $P(B)$  та  $P(A/B)$ .
- Два гравці закреслюють навмання у своїх лотерейних білетах по 6 номерів із 49. Знайти ймовірність того, що жодна з закреслених цифр у лотерейних білетах не повториться.
- Яка подія є більш ймовірною: випадання 7 гербів при 9 підкиданнях монети чи випадання 6 гербів при 8 підкиданнях монети?
- Знайти: а) математичне сподівання; б) дисперсію та середнє квадратичне відхилення; в) функцію розподілу дискретної випадкової величини за даним законом її розподілу:

$X$	10	12	17
$P$	0,5	0,3	0,2

- Випадкову величину  $X$  задано інтегральною функцією розподілу  $F(x)$ .

$$F(x) = \begin{cases} 0 & \text{при } x \leq 1/2; \\ 2x-1 & \text{при } 1/2 < x \leq 1; \\ 1 & \text{при } x > 1. \end{cases}$$

Знайти а) щільність розподілу; б) математичне сподівання; в) ймовірність того, що  $X$  набуває значення, що міститься в інтервалі  $(\frac{1}{3}, 5)$ .

Варіант №19

- З колоди з 36 карт навмання виймається одна карта. Розглядаються наступні події:  
 $A$  – поява пікової карти ;  $B$  – поява чорної десятки. Знайти  $P(A)$ ,  $P(B)$  та  $P(A/B)$ .
- Знайти ймовірність того, що навмання взяте число від 1 до 1000 ділиться на 3 і не ділиться на 4, або ділиться на 4 і не ділиться на 3.
- Ймовірність влучення баскетболістом в корзину дорівнює 0.7. Знайти ймовірність того, що при чотирьох кидках буде хоча б одне влучення.
- Знайти: а) математичне сподівання; б) дисперсію та середнє квадратичне відхилення; в) функцію розподілу дискретної випадкової величини за даним законом її розподілу:

$X$	-6	0	5
$P$	0,2	0,3	0,5

- Випадкову величину  $X$  задано інтегральною функцією розподілу  $F(x)$ .

$$F(x) = \begin{cases} 0 & \text{при } x \leq -2; \\ 2(x+2) & \text{при } -2 < x \leq -3/2; \\ 1 & \text{при } x > -3/2. \end{cases}$$

- Знайти а) щільність розподілу; б) математичне сподівання; в) ймовірність того, що  $X$  набуває значення, що міститься в інтервалі  $\left(-\frac{7}{4}, 1\right)$ .

Варіант № 20

- З набору 28 кісток доміно навмання виймається кістка. Розглядаються наступні події:  
 $A$  – кістка містить число 6;  $B$  – кістка не є дублем. Знайти  $P(A)$ ,  $P(B)$  та  $P(A/B)$ .
- З колоди в 36 карт загублено одну карту. З карт, що залишилися навмання виймають дві карти. Знайти ймовірність того, що ці карти різної масті.
- Ймовірність того, що нападаючий влучить у ворота при забиванні одинадцятиметрового удару дорівнює 0.9. Знайти ймовірність того, що при трьох спробах він не менше двох раз влучить у ворота.
- Знайти: а) математичне сподівання; б) дисперсію та середнє квадратичне відхилення; в) функцію розподілу дискретної випадкової величини за даним законом її розподілу:

$X$	-3	2	7
$P$	0,2	0,4	0,4

- Випадкову величину  $X$  задано інтегральною функцією розподілу  $F(x)$ .

$$F(x) = \begin{cases} 0 & \text{при } x \leq 0; \\ 7x & \text{при } 0 < x \leq 1/7; \\ 1 & \text{при } x > 1/7. \end{cases}$$

- Знайти а) щільність розподілу; б) математичне сподівання; в) ймовірність того, що  $X$  набуває значення, що міститься в інтервалі  $(-2, 1/14)$ .

Варіант №21

- З колоди з 36 карт навмання виймається одна карта. Розглядаються наступні події:  
 $A$  – поява бубнового туза;  $B$  – поява карти чорної масті. Знайти  $P(A)$ ,  $P(B)$  та  $P(A/B)$ .
- В урні лежить 3 білих, 7 жовтих і 5 синіх кульок. Знайти ймовірність того, що дві намання витягнуті кульки будуть одного кольору.
- Протягом гарантійного терміну у середньому виходить з ладу 1 % станків. Знайти ймовірність того, що серед 300 станків, що спостерігаються, не витримає гарантійний термін 4 станки.
- Знайти: а) математичне сподівання; б) дисперсію та середнє квадратичне відхилення; в) функцію розподілу дискретної випадкової величини за даним законом її розподілу:

$X$	-7	0	4
$P$	0,2	0,2	0,6

- Випадкову величину  $X$  задано інтегральною функцією розподілу  $F(x)$ .

$$F(x) = \begin{cases} 0 & \text{при } x \leq 1; \\ \frac{(x-1)^2}{4} & \text{при } 1 < x \leq 3; \\ 1 & \text{при } x > 3. \end{cases}$$

Знайти а) щільність розподілу; б) математичне сподівання; в) ймовірність того, що  $X$  набуває значення, що міститься в інтервалі  $\left(-\frac{1}{2}, 2\right)$ .

Варіант №22

- Підкидаються одночасно два гральних кубики. Розглядаються наступні події : $A$  – сума очок, що випали не перевищує 4;  $B$  – на кубиках випали однакові числа. Знайти  $P(A)$ ,  $P(B)$  та  $P(A/B)$ .
- Літери слова “веретено” ретельно перемішали і утворили з них нове слово. Знайти ймовірність того, що утворилось те саме слово.
- Ймовірність того, що кожен зі 100 станків працює в даний момент, дорівнює 0,9. Знайти ймовірність того, що в даний момент працює від 85 до 95 станків.
- Знайти: а) математичне сподівання; б) дисперсію та середнє квадратичне відхилення; в) функцію розподілу дискретної випадкової величини за даним законом її розподілу:

$X$	4	6	12
$P$	0,2	0,4	0,4

- Випадкову величину  $X$  задано інтегральною функцією розподілу  $F(x)$ .

$$F(x) = \begin{cases} 0 & \text{при } x \leq 0; \\ x^7 & \text{при } 0 < x \leq 1; \\ 1 & \text{при } x > 1. \end{cases}$$

Знайти а) щільність розподілу; б) математичне сподівання; в) ймовірність того, що  $X$  набуває значення, що міститься в інтервалі  $\left(\frac{1}{2}, 3\right)$ .

Варіант №23

1. Підкидаються одночасно дві монети. Розглядаються наступні події:  $A$  – поява двох гербів;  $B$  – поява принаймні одного герба. Знайти  $P(A)$ ,  $P(B)$  та  $P(A/B)$ .
2. Знайти ймовірність того, що точка, навмання кинута в одиничне коло, потрапить всередину правильного шестикутника, вписаного у це коло.
3. Серед виробів даного підприємства 20% виробів є вищого сорту. Яка ймовірність того, що серед 5 придбаних виробів є принаймні 1 вищого сорту.
4. Знайти: а) математичне сподівання; б) дисперсію та середнє квадратичне відхилення; в) функцію розподілу дискретної випадкової величини за даним законом її розподілу:

$X$	-1	2	16
$P$	0,4	0,3	0,3

5. Випадкову величину  $X$  задано інтегральною функцією розподілу  $F(x)$ .

$$F(x) = \begin{cases} 0 & \text{при } x \leq -2; \\ \frac{1}{3}(x+2) & \text{при } -2 < x \leq 1; \\ 1 & \text{при } x > 1. \end{cases}$$

Знайти а) щільність розподілу; б) математичне сподівання; в) ймовірність того, що  $X$  набуває значення, що міститься в інтервалі  $(0,5)$ .

Варіант №24

1. З колоди з 36 карт навмання виймається одна карта. Розглядаються наступні події:  $A$  – поява червоної десятки;  $B$  – поява карти бубнової масті. Знайти  $P(A)$ ,  $P(B)$  та  $P(A/B)$ .
2. Студент, прийшовши на іспит знає відповіді на 20 запитань із 25 можливих. Знайти ймовірність того, що він не знає відповіді на жодне з трьох заданих йому запитань.
3. Ймовірність пошкодження друкарського виробу при транспонуванні становить 0,0003. Яка ймовірність того, що зі 10000 відправлених виробів у дорозі пошкодиться рівно 3 вироби?
4. Знайти: а) математичне сподівання; б) дисперсію та середнє квадратичне відхилення; в) функцію розподілу дискретної випадкової величини за даним законом її розподілу:

$X$	-4	2	6
$P$	0,2	0,5	0,3

5. Випадкову величину  $X$  задано інтегральною функцією розподілу  $F(x)$ .

$$F(x) = \begin{cases} 0 & \text{при } x \leq 1; \\ \frac{(x-1)^2}{9} & \text{при } 1 < x \leq 4; \\ 1 & \text{при } x > 4. \end{cases}$$

Знайти а) щільність розподілу; б) математичне сподівання; в) ймовірність того, що  $X$  набуває значення, що міститься в інтервалі  $\left(-\frac{1}{2}, 3\right)$ .

Варіант №25

1. Підкидається гральний кубик. Розглядаються наступні події:  $A$  – кількість очок, що випали кратна 6;  $B$  – кількість очок, що випали кратна 3. Знайти  $P(A)$ ,  $P(B)$  та  $P(A/B)$ .
2. З колоди в 36 карт навмання виймаються три карти. Знайти ймовірність того, що всі карти одного кольору.
3. Ймовірність появи події в кожному з незалежних випробувань становить 0,03. Знайти ймовірність, що у 200 випробуваннях подія відбудеться менше 63 разів.
4. Знайти: а) математичне сподівання; б) дисперсію та середнє квадратичне відхилення; в) функцію розподілу дискретної випадкової величини за даним законом її розподілу:

$X$	1	2	5
$P$	0,2	0,4	0,4

5. Випадкову величину  $X$  задано інтегральною функцією розподілу  $F(x)$ .

$$F(x) = \begin{cases} 0 & \text{при } x \leq 0; \\ 2x^2 + x & \text{при } 0 < x \leq 1/2; \\ 1 & \text{при } x > 1/2. \end{cases}$$

Знайти а) щільність розподілу; б) математичне сподівання; в) ймовірність того, що  $X$  набуває значення, що міститься в інтервалі  $\left(\frac{1}{8}, 1\right)$ .

Варіант №26

1. Підкидаються одночасно дві монети. Розглядаються наступні події:  $A$  – монети впали однаковими сторонами;  $B$  – монети впали різними сторонами. Знайти  $P(A)$ ,  $P(B)$  та  $P(A/B)$ .
2. Телефонний номер складається з семи цифр. Знайти ймовірність того, що у навмання набраного телефонного номера всі цифри різні.
3. Ймовірність того, що навмання взятий студент 4 курсу отримує стипендію дорівнює 0.5. Знайти ймовірність того, що серед 5 студентів 4 курсу рівно двоє отримують стипендію.
4. Знайти: а) математичне сподівання; б) дисперсію та середнє квадратичне відхилення; в) функцію розподілу дискретної випадкової величини за даним законом її розподілу:

$X$	-5	3	10
$P$	0,3	0,5	0,2

5. Випадкову величину  $X$  задано інтегральною функцією розподілу  $F(x)$ .

$$F(x) = \begin{cases} 0 & \text{при } x \leq -3; \\ 1 - \frac{x^2}{9} & \text{при } -3 < x \leq 0; \\ 1 & \text{при } x > 0. \end{cases}$$

Знайти а) щільність розподілу; б) математичне сподівання; в) ймовірність того, що  $X$  набуває значення, що міститься в інтервалі  $-(1,4)$ .

Варіант №27

1. З колоди з 36 карт навмання виймається одна карта. Розглядаються наступні події:

$A$  – поява карти чорної масті;  $B$  – поява чорного туза. Знайти  $P(A)$ ,  $P(B)$  та  $P(A/B)$ .

2. З ретельно перемішаного набору 28 кісток доміно навмання виймаються дві. Знайти ймовірність того, що принаймні на одній з цих кісток буде вибита одиниця.

3. Знайти ймовірність того, що у чотирьох із 1100 навмання вибраних осіб день народження виявиться 1 січня.

4. Знайти: а) математичне сподівання; б) дисперсію та середнє квадратичне відхилення;

в) функцію розподілу дискретної випадкової величини за даним законом її розподілу:

$X$	-8	2	4
$P$	0,2	0,3	0,5

5. Випадкову величину  $X$  задано інтегральною функцією розподілу  $F(x)$ .

$$F(x) = \begin{cases} 0 & \text{при } x \leq 0; \\ \frac{x}{10} & \text{при } 0 < x \leq 10; \\ 1 & \text{при } x > 10. \end{cases}$$

Знайти а) щільність розподілу; б) математичне сподівання; в) ймовірність того, що  $X$  набуває значення, що міститься в інтервалі  $(1,19)$ .

Варіант №28

1. Підкидаються одночасно два гральних кубики. Розглядаються наступні події:  $A$  – сума очок, що випали рівна 8;  $B$  – на обох кубиках випали однакові числа. Знайти  $P(A)$ ,  $P(B)$  та  $P(A/B)$ .

2. Два гравці закреслюють навмання у своїх лотерейних білетах по 5 номерів із 36. Знайти ймовірність того, що жодна з закреслених цифр у лотерейних білетах не повториться.

3. Яка подія є більш ймовірною: випадання 7 гербів при 10 підкиданнях монети чи випадання 5 гербів при 8 підкиданнях монети?

4. Знайти: а) математичне сподівання; б) дисперсію та середнє квадратичне відхилення;

в) функцію розподілу дискретної випадкової величини за даним законом її розподілу:

$X$	-10	2	7
$P$	0,5	0,3	0,2

5. Випадкову величину  $X$  задано інтегральною функцією розподілу  $F(x)$ .

$$F(x) = \begin{cases} 0 & \text{при } x \leq 1/3; \\ 3x - 2 & \text{при } 1/3 < x \leq 1; \\ 1 & \text{при } x > 1. \end{cases}$$

Знайти а) щільність розподілу; б) математичне сподівання; в) ймовірність того, що  $X$  набуває

значення, що міститься в інтервалі  $\left(\frac{1}{3}, 5\right)$ .

Варіант №29

- З колоди з 36 карт навмання виймається одна карта. Розглядаються наступні події:  
 $A$  – поява карти червоної масті ;  $B$  – поява пікової десятки. Знайти  $P(A)$ ,  $P(B)$  та  $P(A/B)$ .
- Знайти ймовірність того, що навмання взяте число від 1 до 1000 ділиться на 3 і не ділиться на 2, або ділиться на 2 і не ділиться на 3.
- Ймовірність влучення баскетболістом в корзину дорівнює 0.75. Знайти ймовірність того, що при чотирьох кидках буде хоча б одне влучення.
- Знайти: а) математичне сподівання; б) дисперсію та середнє квадратичне відхилення;  
 в) функцію розподілу дискретної випадкової величини за даним законом її розподілу:

$X$	-5	0	9
$P$	0,2	0,3	0,5

- Випадкову величину  $X$  задано інтегральною функцією розподілу  $F(x)$ .

$$F(x) = \begin{cases} 0 & \text{при } x \leq -1; \\ 3(x+1) & \text{при } -1 < x \leq -2/3; \\ 1 & \text{при } x > -2/3. \end{cases}$$

Знайти а) щільність розподілу; б) математичне сподівання; в) ймовірність того, що  $X$  набуває значення, що міститься в інтервалі  $\left(-\frac{1}{2}, 1\right)$ .

Варіант № 30

- З набору 28 кісток доміно навмання виймається кістка. Розглядаються наступні події:  
 $A$  – кістка містить число 6;  $B$  – кістка містить число 4. Знайти  $P(A)$ ,  $P(B)$  та  $P(A/B)$ .
- З колоди в 36 карт загублено одну карту. З карт, що залишилися навмання виймають дві карти. Знайти ймовірність того, що ці карти однакового кольору.
- Ймовірність того, що нападаючий влучить у ворота при забиванні одинадцятиметрового удару дорівнює 0.75. Знайти ймовірність того, що при трьох спробах він не менше двох раз влучить у ворота.
- Знайти: а) математичне сподівання; б) дисперсію та середнє квадратичне відхилення;  
 в) функцію розподілу дискретної випадкової величини за даним законом її розподілу:

$X$	-4	1	11
$P$	0,2	0,4	0,4

- Випадкову величину  $X$  задано інтегральною функцією розподілу  $F(x)$ .

$$F(x) = \begin{cases} 0 & \text{при } x \leq 0; \\ 9x & \text{при } 0 < x \leq 1/9; \\ 1 & \text{при } x > 1/9. \end{cases}$$

Знайти а) щільність розподілу; б) математичне сподівання; в) ймовірність того, що  $X$  набуває значення, що міститься в інтервалі  $\left(-2, 1/10\right)$ .